

MATEMATICAS (MAT I)

1º Bachillerato

Derivadas de funciones

Ejercicios

Hoja (I)



Departamento de Matemáticas

Ies Dionisio Aguado

---

1. Aplicando la definición, calcula la derivada de la función  $f(x) = 2x^2 - 3x$  en el punto  $x = 1$
2. Halla la ecuación de la recta tangente a la función  $f(x) = x^2 - 4$  en el punto de abscisa  $x=3$ .
3. Calcula la derivada de las siguientes funciones:

a) $y=2x^2 - 4x + 2$	j) $y = \operatorname{sen}x \cdot \operatorname{cos}x$	r) $y = \sqrt{x^5 - 2x} + 1$
b) $y = 3 + 7x^5 - 6x^4$	k) $y = \ln x + \sqrt{x}$	s) $y = \operatorname{sen}(4x^3)$
c) $y = 3x^5 - 4x^2 + \frac{x}{2}$	l) $y = x^2 - 3x^3 + 4\operatorname{sen}x$	t) $y = \operatorname{cos}^3(4x^2 - 3)$
d) $y = \frac{2}{x} + x^5 - \frac{4}{x^3}$	m) $y = x \cdot \operatorname{tg}x$	u) $y = (x^2 - 1)^{\frac{1}{3}}$
e) $y = \sqrt{x} - \sqrt[3]{x^2}$	n) $y = 3^x + 4x^2 + \log_2 x$	v) $y = \operatorname{sen}3x + \operatorname{sen}^3x$
f) $y = 2x^7 - \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{3}{x^4}$	ñ) $y = \frac{\ln x}{x}$	w) $y = \operatorname{cos}x^2 + \operatorname{cos}^2x$
g) $y = \frac{2x^2}{3x+4}$	o) $y = \operatorname{sen}(x^2+1)$	x) $y = \operatorname{Ln} \left( \frac{3x+2}{2x-4} \right)$
h) $y = \sqrt{x} (2x + 5)$	p) $y = \operatorname{cos}^2x$	y) $y = \frac{\operatorname{Ln}x}{2x^3-2x}$
i) $y = \frac{\operatorname{sen}x}{x^7}$	q) $y = (7x+4)^7$	

4. Calcula la derivada de las siguientes funciones:

a) $y = \operatorname{cotg}x$	i) $y = \operatorname{sen}^5x$	q) $y = 3 + \operatorname{tg}^2x$
b) $y = \frac{4^x}{4x+7}$	j) $y = \ln(x^3 - x)$	r) $y = \log_2(1 - x^2)$
c) $y = 7^{x^2-x+3}$	k) $y = 4\operatorname{cotg}^2x$	s) $y = x \cdot \operatorname{Ln}(x^2 + 1)$
d) $y = 2^x \cdot 6^x$	l) $y = \frac{x^2}{x^3+3x+2}$	t) $y = \operatorname{sen}^2(x^3 + 2x)$
e) $y = \frac{1}{5}x^5 + \frac{2}{3}x^2 - 2x$	m) $y = 3x + 2e^{3x}$	u) $y = \frac{\operatorname{sen}x + \operatorname{cos}x}{\operatorname{sen}x - \operatorname{cos}x}$
f) $y = \operatorname{cos}(x^3 - 2x^2)$	n) $y = (x^3 + 2)e^{2x}$	v) $y = \sqrt{\frac{1+x}{1-x}}$
g) $y = x \cdot \log_3(x + 1)$	ñ) $y = \frac{2x+3}{3x^2+2x}$	w) $y = \operatorname{sen}3x \cdot \operatorname{cos}3x$
h) $y = 3x^2 + \frac{1}{x}$	o) $y = x \cdot \operatorname{cos}(3x^2 + 4x)$	$y = x \operatorname{Ln}x - x$ $y = \sqrt[3]{2x^2 - x}$
	p) $y = 3x - \operatorname{sen}\sqrt[3]{x}$	x) $y = x^2 \cdot \operatorname{Ln}(2 - x)$

5. Calcula la derivada de las siguientes funciones:

a) $y = \frac{\operatorname{cos}3x}{\operatorname{sen}x}$	d) $y = \frac{(x^3 - 2x^2 + 5)^{10}}{(x^3 - 2x^2 + 5)^{10}}$	g) $y = \operatorname{sen}^2(3x^5)$
b) $y = \operatorname{sec}x$	e) $y = \sqrt{\operatorname{sen}x + x^3}$	h) $y = \operatorname{Ln}(\operatorname{sen}x)$
c) $y = \left( \frac{x^2+4}{x+3} \right)^5$	f) $y = \frac{(x^2-3)^3}{2^x}$	i) $y = \frac{\operatorname{tg}x}{x^2}$

6. Calcula las derivadas segundas y terceras de las funciones:

$$a) y = 2x^3 - 15x^2 + 36x - 12 \quad b) y = \frac{3x+2}{4x-3}$$

7. Calcula cuánto vale  $p$  para que  $f'(0) = -2$  siendo  $f(x) = \frac{x+p}{x-p}$

8. Calcula  $f'(2)$  siendo  $f(x) = \begin{cases} 2x - 1 & \text{si } x > 2 \\ \frac{x^2}{2} & \text{si } x \leq 2 \end{cases}$ .

a) Calcula  $f'(1)$  y  $f'(5)$ .

9. Calcula, si existe, la derivada en  $x=2$  de la función  $f(x) = \begin{cases} 4x - 2 & \text{si } x \leq 2 \\ x^2 + 3 & \text{si } x > 2 \end{cases}$

10. Estudia la continuidad y derivabilidad de  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 4 & \text{si } x > 0 \\ x + 4 & \text{si } x \leq 0 \end{cases}$

11. Estudia la derivabilidad de las siguientes funciones:

$$a) f(x) = \begin{cases} 5x - 4 & \text{si } x \geq 2 \\ 3x & \text{si } x < 2 \end{cases} \quad b) f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & \text{si } x \leq 1 \\ 2x & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

12. Halla los máximos, mínimos, intervalos de crecimiento y decrecimiento de las funciones:

$$a) y = x^3 - 4x^2 + 5x + \frac{2}{2} \quad c) y = x \cdot e^x \quad e) y = x^3 - 2x^2 + 4$$

$$b) y = 2x^2 - 4x + 5 \quad d) y = \frac{2x+3}{x+5} \quad f) y = \frac{x}{x^2-1}$$

13. Halla los puntos de inflexión y estudia la curvatura de las siguientes funciones:

$$a) y = x^2 - 6x - 3 \quad b) y = x^3 - 2x^2 + 4 \quad c) y = x \cdot e^x$$

14. Halla los máximos, mínimos y puntos de inflexión de las funciones:

$$a) y = x^2 - 6x - 3 \quad b) y = x^3 - 2x^2 + x \quad c) y = \frac{x+5}{x-3}$$

15. Estudiando previamente el dominio, las asíntotas, los extremos relativos y la curvatura, representa gráficamente las funciones:

$$a) y = x^3 - 3x^2 + 2 \quad b) y = \frac{x}{x^2-1} \quad c) y = \frac{x^2+1}{x}$$

16. Escribe la ecuación de la tangente a la curva  $y = -x^2 + 2x + 5$  en el punto de abscisa  $x=-1$ .

17. Dada la función  $f(x) = x^2 - 10x + 9$ , halla el punto en el que la recta tangente a a gráfica de  $f$  es paralela al eje de abscisas.

18. Halla los puntos en los que la tangente a  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x - 1$  es horizontal.

19. ¿En qué punto la tangente a la gráfica de  $f(x) = x^2 - 6x + 8$  es paralela a la bisectriz del primer cuadrante?
20. Calcula a, b, c y d para que la función  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  tenga un máximo en el punto (0,4) y un mínimo en el punto (2,0).
21. Halla a y b para que  $f(x) = x^2 + ax + b$  tenga un mínimo en el punto (3,1).
22. La curva representada por  $y = x^2 + ax + b$  pasa por el punto (-2,1) y alcanza un extremo relativo en  $x=-3$ . Halla a y b.
23. Representa la función  $f(x) = \begin{cases} 2x - 1 & \text{si } x < 2 \\ 1 & \text{si } x > 2 \end{cases}$ . Calcula, si existen,  $f'(0)$ ,  $f'(3)$  y  $f'(2)$ .